10

Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ Профильный уровень

Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий. Часть 1 содержит 8 заданий с кратким ответом базового уровня сложности. Часть 2 содержит 4 задания с кратким ответом повышенного уровня сложности и 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–12 записываются по приведённому ниже <u>образцу</u> в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите их в бланк ответов № 1.

им Ответ: **-0,8**

10-0,8

При выполнении заданий 13-19 требуется записать полное решение и ответ в бланке ответов № 2.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой или капиллярной ручки.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике, а также в тексте контрольных измерительных материалов не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

После завершения работы проверьте, что ответ на каждое задание в бланках ответов №1 и №2 записан под правильным номером.

Желаем успеха!

Справочные материалы

$$\sin^{2} \alpha + \cos^{2} \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^{2} \alpha - \sin^{2} \alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

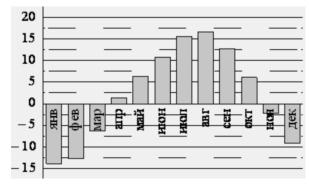
Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Часть 1

1	Для приготовления маринада для огурцов на 1 литр воды требуется 12 г
	лимонной кислоты. Лимонная кислота продается в пакетиках по 10 г. Какое
	наименьшее число пачек нужно купить хозяйке для приготовления 8 литров маринада?

Ответ: ______.

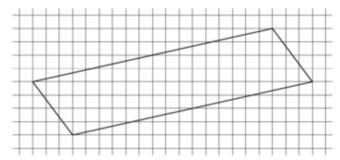
На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха (в градусах Цельсия) в Южно-Сахалинске по результатам многолетних наблюдений. Найдите по диаграмме количество месяцев с начала апреля по конец ноября, когда среднемесячная температура в Южно-Сахалинске ниже 10°С.



Ответ: _____



На клетчатой бумаге с размером клетки 1 × 1 изображён параллелограмм. Найдите длину его меньшей диагонали.



Ответ:

Из районного центра в деревню ежедневно ходит автобус. Вероятность того, что в понедельник в автобусе окажется меньше 21 пассажира, равна 0,93. Вероятность того, что окажется меньше 12 пассажиров, равна 0,49. Найдите вероятность того, что число пассажиров будет от 12 до 20.

Ответ: .

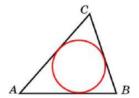
Найдите корень уравнения

$$\frac{x+8}{5x+7} = \frac{x+8}{7x+5}$$

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите больший из корней.

Ответ: ______.

Периметр треугольника равен 76, а радиус вписанной окружности равен 8. Найдите площадь этого треугольника.



Ответ:

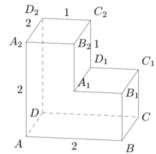
Материальная точка движется прямолинейно по закону $x(t) = \frac{1}{6}t^3 - 2t^2 +$ 6t + 250, где x - расстояние от точки отсчёта в метрах, t - время в секундах, измеренное с момента начала движения. В какой момент времени (в секундах) её скорость была равна 96 м/с?

Ответ: ______.





8 На рисунке изображён многогранник, все двугранные углы многогранника прямые. Найдите расстояние между вершинами B_1 и D_2 .



Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.

Часть 2

9 Найдите значение выражения

 $\left(5^{\log_37}\right)^{\log_53}.$

Ответ: ______.

Расстояние от наблюдателя, находящегося на высоте h м над землёй, выраженное в километрах, до наблюдаемой им линии горизонта вычисляется по формуле $l=\sqrt{\frac{Rh}{500}}$, где R=6400 км — радиус Земли. Человек, стоящий на пляже, видит горизонт на расстоянии 5,6 км. На сколько метров нужно подняться человеку, чтобы расстояние до горизонта увеличилось до 10,4 километров?

Ответ: ____

11 Поезд, двигаясь равномерно со скоростью 70 км/ч, проезжает мимо лесополосы, длина которой равна 1000 метров, за 1 минуту 48 секунд. Найдите длину поезда в метрах.

Ответ: ______.

12 Найдите точку минимума функции

 $y = 9^{x^2 + 16x + 86}.$

Ответ:

He забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.



- а) Решите уравнение
 - $2 + \log_2(x^2 + 8) = \log_{\sqrt{2}} \sqrt{4x^4 + 8}$.
 - б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку [1,3; 2,2].
- В правильной четырёхугольной пирамиде *SABCD* сторона основания *AB* равна 4, а боковое ребро *SA* равно 7. На рёбрах *CD* и *SC* отмечены точки *N* и *K* соответственно, причём DN:NC = SK:KC = 1:3. Плоскость α содержит прямую KN и параллельна прямой BC.
 - а) Докажите, что плоскость α параллельна прямой SA.
 - б) Найдите угол между плоскостями α и SBC.
- 15 Решите неравенство

$$\log_5((3-x)(x^2+2)) \ge \log_5(x^2-7x+12) + \log_5(5-x).$$

- В остроугольном треугольнике ABC угол A равен 60° . Высоты BN и CM треугольника ABC пересекаются в точке H. Точка O центр окружности, описанной около треугольника ABC.
 - а) Докажите, что AH = AO.
 - б) Найдите площадь треугольника *АНО*, если $BC = 6\sqrt{3}$, $\angle ABC = 45^{\circ}$.

- 17 15-го января в банке был взят кредит на некоторую сумму на 16 месяцев. Условия его возврата таковы:
 - 1-го числа каждого месяца долг возрастает на 2% по сравнению с концом предыдущего месяца;
 - со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;
 - 15-го числа каждого месяца с 1-го по 15-й долг должен быть на одну и ту же сумму меньше долга на 15-е число предыдущего месяца;
 - 15-го числа 15-го месяца долг составит 200 тысяч рублей;
 - к 15-му числу 16-го месяца кредит должен быть полностью погашен.

Какая сумма была взята в кредит, если общая сумма выплат после его погашения составила 612 тысяч рублей?

18 Найдите все положительные значения a, при каждом из которых система

$$\begin{cases} (|x| - 5)^2 + (y - 4)^2 = 9, \\ (x + 2)^2 + y^2 = a^2 \end{cases}$$

имеет единственное решение.

- На доске написаны числа 2 и 3. За один ход два числа a и b, записанные на доске, заменяются на два числа: или a+b и 2a-1, или a+b и 2b-1 (например, из чисел 2 и 3 можно получить либо 3 и 5, либо 5 и 5).
 - а) Приведите пример последовательности ходов, после которых одно из двух чисел, написанных на доске, окажется числом 19.
 - б) Может ли после 100 ходов одно из двух чисел, написанных на доске, оказаться числом 200?
 - в) Сделали 1007 ходов, причём на доске никогда не было написано одновременно двух равных чисел. Какое наименьшее значение может принимать разность большего и меньшего из полученных чисел?

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.







Система оценивания экзаменационной работы по математике (профильный уровень)

Каждое из заданий 1-12 считается выполненными верно, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Каждое верно выполненное задание оценивается 1 баллом.

Номер задания	Правильный ответ
1	10
2	4
3	17
4	0,44
5	1
6	304
7	18
8	3
9	7
10	6
11	1100
12	-8
13	a) $\pm \sqrt{3}$ б) $\sqrt{3}$
14	$\arccos\left(\frac{37}{45}\right)$
15	[2; 3)
16	9
17	500 тыс.
18	2; $\sqrt{65} + 3$
19	a) (2; 3)(5; 5)(10; 9)(19; 19) б) нет в) 2



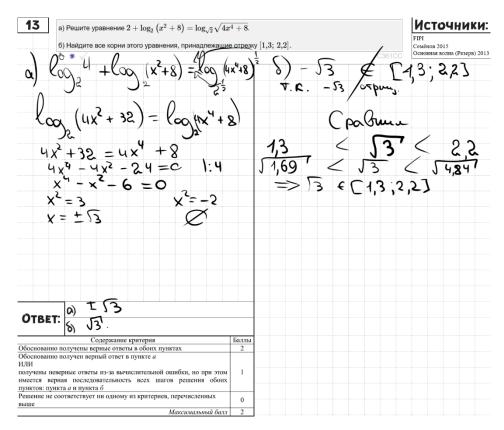
Решения и критерии оценивания заданий 13-19

Количество баллов, выставленных за выполнение заданий 13–19, зависит от полноты решения и правильности ответа.

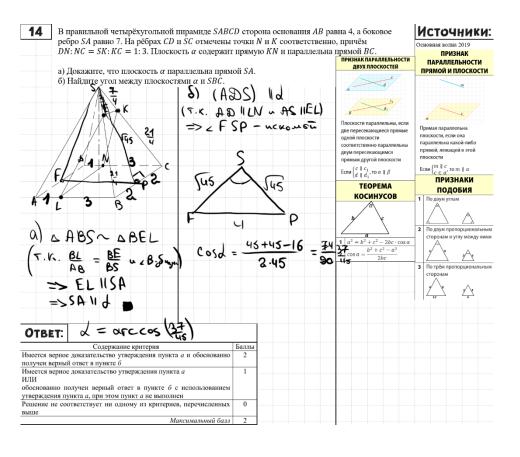
Общие требования к выполнению заданий с развёрнутым ответом: решение должно быть математически грамотным, полным, все возможные случаи должны быть рассмотрены. Методы решения, формы его записи и формы записи ответа могут быть разными. За решение, в котором обоснованно получен правильный ответ, выставляется максимальное количество баллов. Правильный ответ при отсутствии текста решения оценивается в 0 баллов.

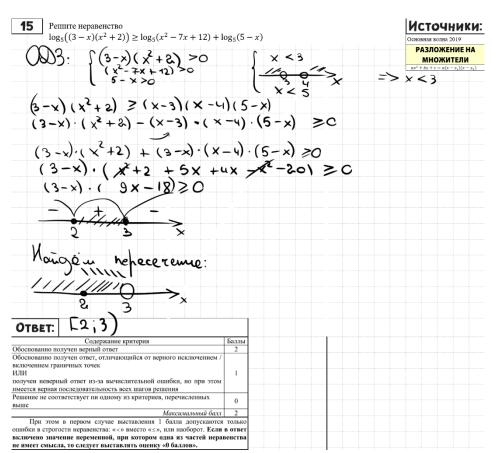
Эксперты проверяют только математическое содержание представленного решения, а особенности записи не учитывают.

При выполнении задания могут использоваться без доказательства и ссылок любые математические факты, содержащиеся в учебниках и учебных пособиях, входящих в Федеральный перечень учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ среднего общего образования.



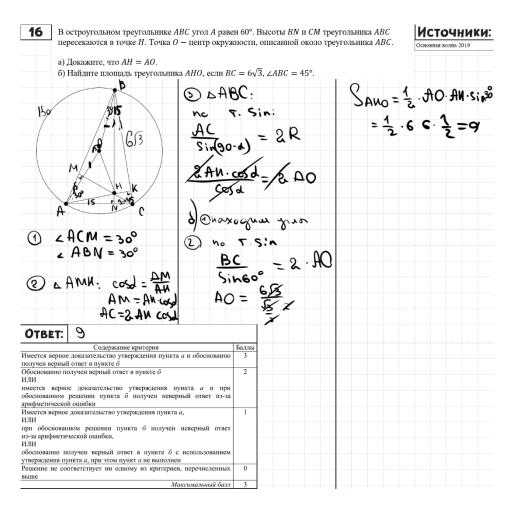


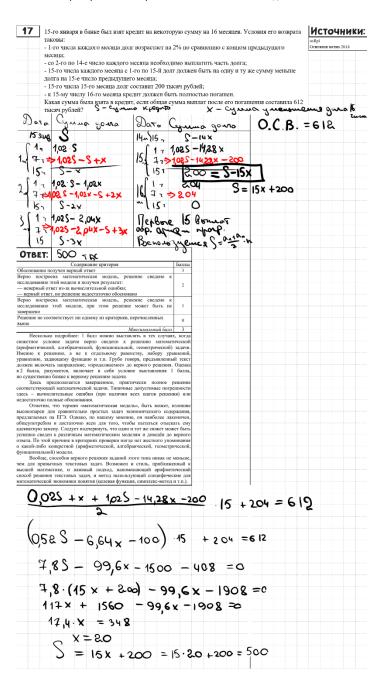


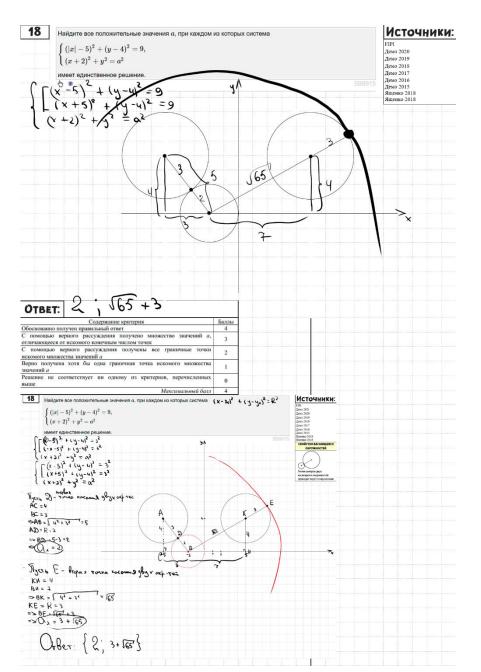


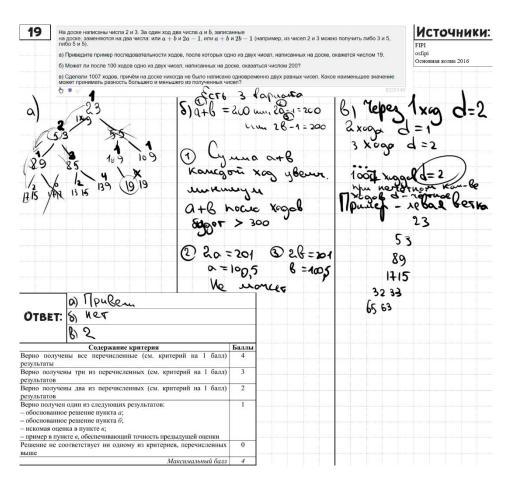














ТРЕНИРОВОЧНЫЙ КИМ № 210524

В соответствии с Порядком проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам среднего общего образования (приказ Минпросвещения России и Рособрнадзора от 07.11.2018 № 190/1512, зарегистрирован Минюстом России 10.12.2018 № 52952)

«82. <...> По результатам первой и второй проверок эксперты независимо друг от друга выставляют баллы за каждый ответ на задания экзаменационной работы ЕГЭ с развернутым ответом. <...>

В случае существенного расхождения в баллах, выставленных двумя экспертами, назначается третья проверка. Существенное расхождение в баллах определено в критериях оценивания по соответствующему учебному предмету.

Эксперту, осуществляющему третью проверку, предоставляется информация о баллах, выставленных экспертами, ранее проверявшими экзаменационную работу».

Существенными считаются следующие расхождения:

- 1) расхождение в баллах, выставленных двумя экспертами за выполнение любого из заданий 13–19, составляет 2 или более балла. В этом случае третий эксперт проверяет только ответ на то задание, который был оценен двумя экспертами со столь существенным расхождением;
- 2) расхождения экспертов при оценивании ответов на хотя бы два из заданий 13-19. В этом случае третий эксперт проверяет ответы на все задания работы.

