# 10

# Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ Профильный уровень

## Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий. Часть 1 содержит 8 заданий с кратким ответом базового уровня сложности. Часть 2 содержит 4 задания с кратким ответом повышенного уровня сложности и 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–12 записываются по приведённому ниже <u>образцу</u> в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите их в бланк ответов № 1.

КИМ

Ответ: **-0,8** 

10-0,8

Бланк

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение и ответ в бланке ответов № 2.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой или капиллярной ручки.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике, а также в тексте контрольных измерительных материалов не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

После завершения работы проверьте, что ответ на каждое задание в бланках ответов №1 и №2 записан под правильным номером.

# Желаем успеха!

## Справочные материалы

$$\sin^{2} \alpha + \cos^{2} \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^{2} \alpha - \sin^{2} \alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

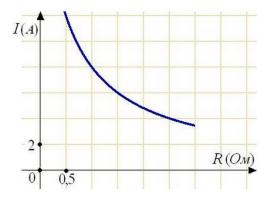
Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

#### Часть 1

1 Налог на доходы составляет 13% от заработной платы. После удержания налога на доходы Мария Константиновна получила 11745 рублей. Сколько рублей составляет заработная плата Марии Константиновны?

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

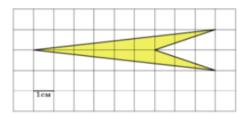
2 Мощность отопителя в автомобиле регулируется дополнительным сопротивлением, которое можно менять, поворачивая рукоятку в салоне машины. При этом меняется сила тока в электрической цепи электродвигателя — чем меньше сопротивление, тем больше сила тока и тем быстрее вращается мотор отопителя. На рисунке показана зависимость силы тока от величины сопротивления. На оси абсцисс откладывается сопротивление (в Омах), на оси ординат — сила тока в Амперах. На сколько ампер изменится сила тока, если увеличить сопротивление с 0,5 Ома до 1 Ома?



Ответ: \_\_\_\_



3 Найдите площадь четырёхугольника, изображенного на клетчатой бумаге с размером клетки 1 см × 1 см. Ответ дайте в квадратных сантиметрах.



Ответ:

В магазине стоят два платёжных автомата. Каждый из них может быть неисправен с вероятностью 0,05 независимо от другого автомата. Найдите вероятность того, что хотя бы один автомат исправен.

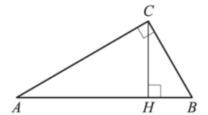
Ответ:

5 Найдите корень уравнения

 $5^{\log_{25}(2x-1)} = 3.$ 

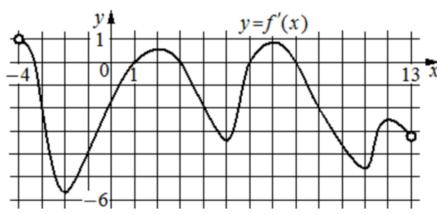
Ответ: \_\_\_\_\_\_.

**6** В треугольнике *ABC* угол *C* равен 90°,  $AB = 4\sqrt{15}$ ,  $\cos A = 0.25$ . Найдите высоту *CH*.



Ответ:

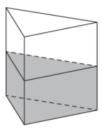
7 На рисунке изображён график y = f'(x) — производной функции f(x), определённой на интервале (-4; 13). Найдите количество точек, в которых касательная к графику функции y = f(x) параллельна прямой y = -2x - 10 или совпадает с ней.



Ответ:



В сосуд, имеющий форму правильной треугольной призмы, налили 2300 см<sup>3</sup> воды и полностью в неё погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся с отметки 25 см до отметки 27 см. Чему равен объем детали? Ответ выразите в см<sup>3</sup>.



Ответ:					

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.

### Часть 2

**9** Найдите

2p(x-7) - p(2x), если p(x) = x - 3.

Ответ:\_\_\_\_\_\_.

10	Скорость колеблющегося на пружине груза меняется по закону
	$v(t)=7\sin\frac{\pi t}{4}$ (см/с), где $t$ — время в секундах. Какую долю времени из
	первых двух секунд скорость движения превышала 3,5 см/с? Ответ выразите
	десятичной дробью, если нужно, округлите до сотых.

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

11 Валя и Галя пропалывают грядку за 35 минут, а одна Галя — за 60 минут. За сколько минут пропалывает грядку одна Валя?

Ответ: \_\_\_\_\_

12 Найдите точку максимума функции

$$y = (x - 5)^2 \cdot e^{x - 7}.$$

Ответ: .

He забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.



Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

а) Решите уравнение

$$\sqrt{x^3 - 4x^2 - 10x + 29} = 3 - x.$$

- б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $[-\sqrt{3};\sqrt{30}]$ .
- Дана правильная четырёхугольная пирамида MABCD с основанием ABCD, стороны основания которой равны  $5\sqrt{2}$ . Точка L середина ребра MB. Тангенс угла между прямыми DM и AL равен  $\sqrt{2}$ .
  - а) Пусть 0 центр основания пирамиды. Докажите, что прямые A0 и L0 перпендикулярны.
  - б) Найдите высоту данной пирамиды.
- 15 Решите неравенство

$$\log_{\frac{25-x^2}{16}} \frac{24+2x-x^2}{14} > 1.$$

- 16
   В треугольнике ABC все стороны различны. Прямая, содержащая высоту BH 

   треугольника ABC, вторично пересекает описанную около этого треугольника окружность в точке F. Отрезок BD диаметр этой окружности.
  - а) Докажите, что AD = CF.
  - б) Найдите DF, если радиус описанной около треугольника ABC окружности равен 12,  $\angle BAC = 35^{\circ}$ ,  $\angle ACB = 65^{\circ}$ .

- Вклад в размере 10 млн рублей планируется открыть на четыре года. В конце каждого года банк увеличивает вклад на 10% по сравнению с его размером в начале года. Кроме этого, в начале третьего и четвёртого годов вкладчик пополняет вклад на *х* млн рублей, где *х* **целое** число. Найдите наименьшее значение *x*, при котором банк за четыре года начислит на вклад больше 6 млн рублей.
  - Найдите все значения параметра a, для каждого из которых больший корень уравнения

$$x^2 - (14a - 1)x + 49a^2 - 7a = 0$$

в пять раз больше, чем его меньший корень.

- Последовательность  $a_1, a_2, ..., a_6$  состоит из неотрицательных однозначных чисел. Пусть  $M_k$  среднее арифметическое всех членов этой последовательности, кроме k го. Известно, что  $M_1 = 7$ ,  $M_2 = 6$ .
  - а) Приведите пример такой последовательности, для которой  $M_3 = 6.4$ .
  - б) Существует ли такая последовательность, для которой  $M_3 = 5$ ?
  - в) Найдите наименьшее возможное значение  $M_3$ .

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.





# Система оценивания экзаменационной работы по математике (профильный уровень)

Каждое из заданий 1-12 считается выполненными верно, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Каждое верно выполненное задание оценивается 1 баллом.

Номер	Правильный ответ
задания	
1	13500
2	4
3	6
4	0,9975
5	5
6	3,75
7	5
8	184
9	-17
10	0,67
11	84
12	3
13	a) ± 2 6) 2
14	5
15	(−4; −3) ∪ (−1; 3)
16	12
17	5
18	5 28
19	a) 053999
	б) нет
	в) 5,2



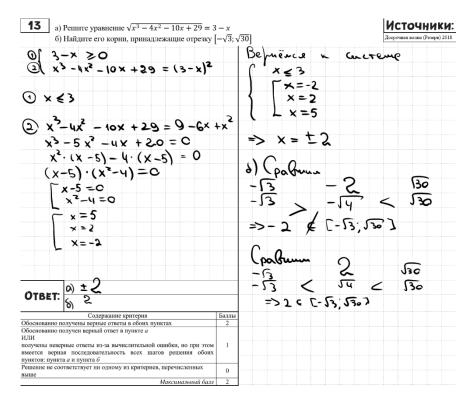
#### Решения и критерии оценивания заданий 13-19

Количество баллов, выставленных за выполнение заданий 13–19, зависит от полноты решения и правильности ответа.

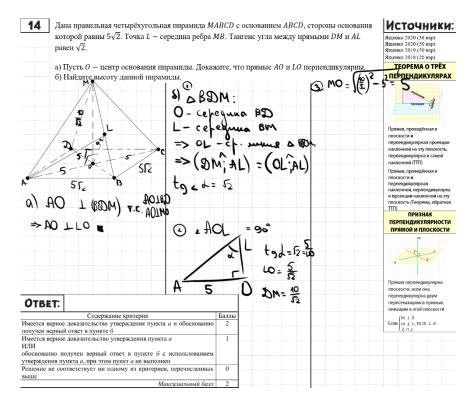
Общие требования к выполнению заданий с развёрнутым ответом: решение должно быть математически грамотным, полным, все возможные случаи должны быть рассмотрены. Методы решения, формы его записи и формы записи ответа могут быть разными. За решение, в котором обоснованно получен правильный ответ, выставляется максимальное количество баллов. Правильный ответ при отсутствии текста решения оценивается в 0 баллов.

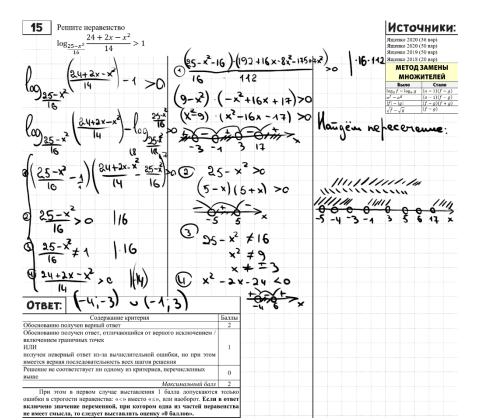
Эксперты проверяют только математическое содержание представленного решения, а особенности записи не учитывают.

При выполнении задания могут использоваться без доказательства и ссылок любые математические факты, содержащиеся в учебниках и учебных пособиях, входящих в Федеральный перечень учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ среднего общего образования.



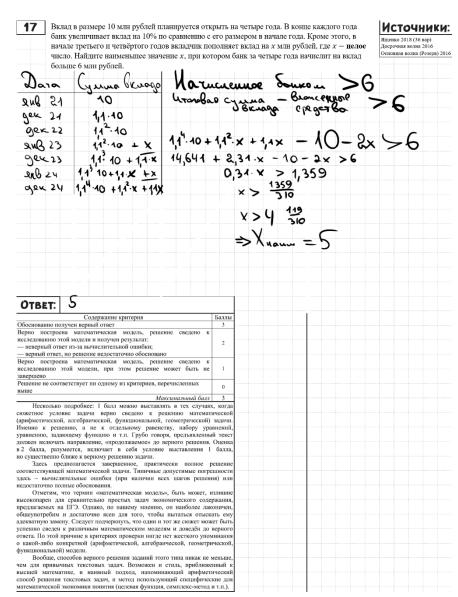


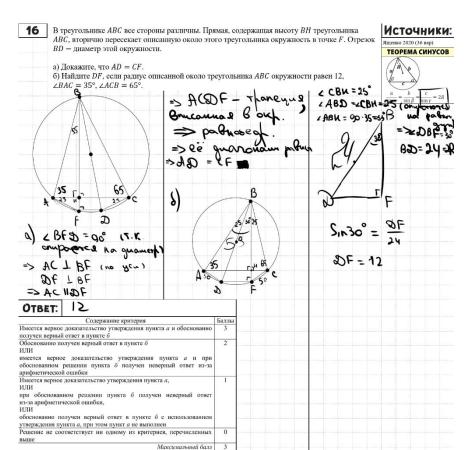




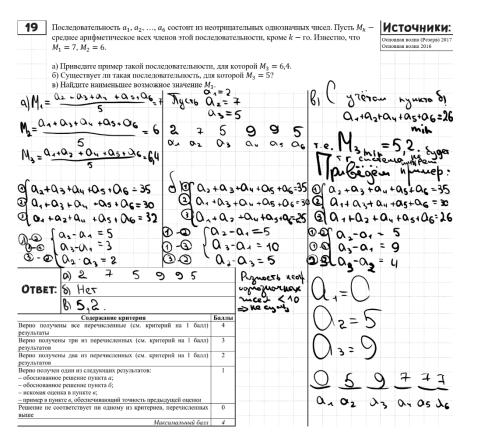














ГРЕНИРОВОЧНЫЙ КИМ № 210315

В соответствии с Порядком проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам среднего общего образования (приказ Минпросвещения России и Рособрнадзора от 07.11.2018 № 190/1512, зарегистрирован Минюстом России 10.12.2018 № 52952)

«82. <...> По результатам первой и второй проверок эксперты независимо друг от друга выставляют баллы за каждый ответ на задания экзаменационной работы ЕГЭ с развернутым ответом. <...>

В случае существенного расхождения в баллах, выставленных двумя экспертами, назначается третья проверка. Существенное расхождение в баллах определено в критериях оценивания по соответствующему учебному предмету.

Эксперту, осуществляющему третью проверку, предоставляется информация о баллах, выставленных экспертами, ранее проверявшими экзаменационную работу».

Существенными считаются следующие расхождения:

- 1) расхождение в баллах, выставленных двумя экспертами за выполнение любого из заданий 13–19, составляет 2 или более балла. В этом случае третий эксперт проверяет только ответ на то задание, который был оценен двумя экспертами со столь существенным расхождением;
- 2) расхождения экспертов при оценивании ответов на хотя бы два из заданий 13–19. В этом случае третий эксперт проверяет ответы на все задания работы.

