

Задания 1–12 оцениваются 1 баллом, если записанный ответ совпадает с эталоном (ответы, представленные в виде обыкновенной дроби, оцениваются 0 баллов – см. инструкцию перед работой).

Задания 13–15 оцениваются на основании критериев, приведённых ниже.

Максимальный балл за всю работу – 18.

Ответы на задания 1–12

№ задания	Ответ
1	-3,6
2	22
3	2288
4	12
5	27
6	0,86
7	3590
8	7
9	1,44
10	108
11	4321
12	15

13

а) Решите уравнение  $\cos 2x - 1 = \operatorname{tg}\left(-\frac{\pi}{3}\right) \cdot \sin x$ .

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi\right]$ .

**Решение.**

а) Преобразуем уравнение:

$$1 - 2\sin^2 x - 1 = -\sqrt{3} \sin x;$$

$$2\sin^2 x - \sqrt{3} \sin x = 0; \sin x(2\sin x - \sqrt{3}) = 0,$$

$$\text{откуда } \sin x = 0 \text{ или } \sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}.$$

То есть,  $x = \pi k$  или  $x = \frac{\pi}{3} + 2\pi k$  или  $x = \frac{2\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$ .

б) С помощью числовой окружности отберём корни, принадлежащие отрезку  $\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi\right]$ .

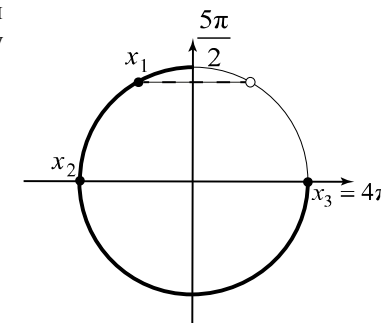
$$\text{Получим числа: } x_1 = \frac{5\pi}{2} + \frac{\pi}{6} = \frac{8\pi}{3};$$

$$x_2 = \frac{5\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = 3\pi;$$

$$x_3 = 4\pi.$$

**Ответ:** а)  $\pi k, \frac{\pi}{3} + 2\pi k, \frac{2\pi}{3} + 2\pi k$ , где  $k \in \mathbb{Z}$ ;

б)  $\frac{8\pi}{3}; 3\pi; 4\pi$ .



Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах.	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте а. ИЛИ Получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта а и пункта б.	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше.	0
<b>Максимальный балл</b>	<b>2</b>

Вариант 1002

14

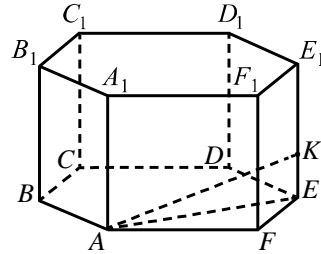
В правильной шестиугольной призме  $ABCDEF A_1 B_1 C_1 D_1 E_1 F_1$  на ребре  $EE_1$  отмечена точка  $K$  так, что  $EK : KE_1 = 1 : 2$ . Найдите угол между плоскостями  $A_1 B_1 C_1$  и  $ABK$ , если  $AB = 2\sqrt{3}$  и  $AA_1 = 3,6$ .

**Решение.**

Плоскость  $ABK$  образует равные углы с параллельными плоскостями  $A_1 B_1 C_1$  и  $ABC$ . Найдём угол между плоскостью  $ABK$  и плоскостью  $ABC$ .

Шестиугольник  $ABCDEF$  правильный, поэтому прямые  $AB$  и  $AE$  перпендикулярны. Значит, по теореме о трёх перпендикулярах, прямые  $AB$  и  $AK$  также перпендикулярны.

Поскольку плоскости  $ABC$  и  $ABK$  пересекаются по прямой  $AB$ , то угол  $KAE$  – линейный угол двугранного угла между плоскостями  $ABC$  и  $ABK$ .



В треугольнике  $KAE$  угол  $AEK$  равен  $90^\circ$ . Получаем:

$$\operatorname{tg} KAE = \frac{EK}{AE} = \frac{\frac{1}{3} AA_1}{\sqrt{3} AB} = \frac{\frac{1}{3} \cdot 3,6}{\sqrt{3} \cdot 2\sqrt{3}} = 0,2.$$

Следовательно, угол между плоскостями  $A_1 B_1 C_1$  и  $ABK$  равен  $\operatorname{arctg} 0,2$ .

**Ответ:**  $\operatorname{arctg} 0,2$ .

Содержание критерия	Баллы
Ход решения задачи верный, получен верный ответ.	2
Ход решения правильный, все его шаги присутствуют, но получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки. ИЛИ Решение недостаточно обосновано.	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям.	0
<b>Максимальный балл</b>	<b>2</b>

15

Решите неравенство  $\frac{|4x+3|}{3 - \frac{4-3x}{4x-3}} \leq 0$ .

**Решение.**

Преобразуем неравенство:

$$\frac{|4x+3|}{\frac{12x-9-4+3x}{4x-3}} \leq 0.$$

При  $x \neq \frac{3}{4}$  получаем  $\frac{|4x+3| \cdot (4x-3)}{15x-13} \leq 0$ .

а) Если  $4x+3 \neq 0$ , то  $\frac{4x-3}{15x-13} \leq 0$ . С учётом условия  $x \neq \frac{3}{4}$  и, используя

метод интервалов, получаем:  $x \in \left(\frac{3}{4}; \frac{13}{15}\right)$ .

а) Если  $4x+3=0$ , то неравенство  $\frac{|4x+3| \cdot (4x-3)}{15x-13} \leq 0$  верно. То есть,

$x = -\frac{3}{4}$  является решением неравенства.

**Ответ:**  $\left(\frac{3}{4}; \frac{13}{15}\right), -\frac{3}{4}$ .

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ.	2
Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения.	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше.	0
<b>Максимальный балл</b>	<b>2</b>